

Schwierigere Aufgaben zu den binomischen Formeln (Kiner hat sie gemacht)

1. Vereinfache mit Hilfe der Binomischen Formeln

a) $(-x - 3)^2$

b) $(2x^3 + 3y^2)^2$

c) $(-x + 6) \cdot (6 + x)$

d) $(-x + 4)^2$

e) $(2ab + 3c)^2$

f) $\left[(a + b) + c \right]^2$

g) $(2x - \sqrt{x})^2$

h) $(3x^3 + 4x^4)^2$

i) $\left[(2a - 3b) - 4c \right] \cdot \left[(2a - 3b) + 4c \right]$

j) $(0,2x - 0,5y)^2$

k) $\left(\frac{2}{3}x - \frac{1}{4} \right)^2$

l) $(\sqrt{x} - x) \cdot (\sqrt{x} + x)$

m) $\left(\frac{1}{\sqrt{a}} - \frac{\sqrt{a}}{2} \right)^2$

n) $(1 - \sqrt{a})^2 - (1 + \sqrt{a})^2$

o) $(\sqrt{x} - 3) \cdot (\sqrt{x} + 3) - (\sqrt{x} - 3)^2$

p) $(-y^4 + x^3)^2$

q) $(-x - 5) \cdot (-x + 5)$

r) $(-4y^3 - 0,5y)^2$

s) $(-3y^2 - 5x^3) \cdot (5x^3 - 3y^2)$

t) $(\sqrt{x-1} + 1)^2$

u) $\left[(2x - 3y) - 4z \right] \cdot \left[(2x - 3y) + 4z \right]$

2. Berechne vorteilhaft

a) $(2x - 1)^2 \cdot (2x + 1)^2$

b) $(a + \frac{1}{a})^2 \cdot (a - \frac{1}{a})^2$

c) $(x^2 - x + 1) \cdot (x^2 + x - 1)$

d) $(a + 2b + \frac{1}{2}c) \cdot (a + 2b - \frac{1}{2}c)$

e) $(1 + x + x^2) \cdot (x^2 - x + 1)$

f) $(1 + a + \frac{1}{a}) \cdot (1 - a - \frac{1}{a})$

g) $(a^2 - 2ab + b^2) \cdot (a^2 + 2ab + b^2)$

3. Übertrage auf dein Blatt und ergänze sinnvoll

a) $(3x + \dots)^2 = \dots + \dots + 9$

b) $(\dots - \dots)^2 = \dots - 12xy + 4y^2$

c) $(\dots + 25y)^2 = 16x^2 + \dots + \dots$

d) $(\dots + \dots)^2 = 16x^2 + 4x + \dots$

4. Mache den Nenner rational

a) $\frac{\sqrt{x}}{2 - \sqrt{x}}$

b) $\frac{\sqrt{x}}{2\sqrt{x} - x}$

c) $\frac{2\sqrt{x}}{\sqrt{x} - \sqrt{2}}$

d) $\frac{\sqrt{2x}}{2x - \sqrt{x}}$

e) $\frac{1}{\sqrt{x-1} - 1}$

5. Verwandle, wenn möglich, in ein Quadrat

a) $x^2 + 10x + 25$ b) $x^2 - 5x + 6,25$ c) $x^2 + \frac{4}{3}x + \frac{4}{9}$ d) $0,16x^2 - 4x + 6,25$

6. Verwandle in ein Produkt mit möglichst viel Faktoren

a) $4x^2 - 1$ b) $x^4 - 4x^2$ c) $8x^2 - 72$ d) $x^2 - 2$ f) $x^2 - \frac{4}{x^2}$

7. Kürze vollständig

a) $\frac{2x^2 + 4}{4x^2 + 4x + 1}$ b) $\frac{4x + 1}{32x^2 - 2}$ c) $\frac{20x - 5x^3}{20 + 20x + 5x^2}$

8. Ergänze so, dass ein Quadrat entsteht.

a) $x^2 + 12x + \dots$ b) $x^2 - 3x + \dots$ c) $x^2 - 1,2x + \dots$ d) $x^2 + \frac{1}{6}x + \dots$
e) $x^2 + x + \dots$ f) $4x^2 + 6x + \dots$ g) $9x^2 + 5x + \dots$ h) $\frac{1}{4}x^2 + \frac{2}{3}x + \dots$
i) $x^2 + \dots + 49$ j) $64x^2 + \dots + 169$ k) $0,01x^2 + \dots + \frac{4}{15}$ l) $\frac{9}{16}x^2 - \dots + \frac{16}{81}$
