

Aufgaben

1. Zeige mit einem Kongruenzbeweis :

In einem gleichschenkligen Dreieck ABC sind

- a) die Seitenhalbierenden der Schenkel b) die Halbierenden der Basiswinkel
gleich lang
-

2. Gibt es Dreiecke mit den folgenden Seitenlängen ?

- a) $a = 10 \text{ cm}$, $b = 12 \text{ cm}$ und $c = 13 \text{ cm}$
b) $a = 1 \text{ cm}$, $b = 2 \text{ cm}$ und $c = 3 \text{ cm}$
-

3. Konstruiere ein Dreieck ABC aus

- a) $\beta = 60^\circ$, $w_\beta = 4 \text{ cm}$ und $a = 7 \text{ cm}$
b) $a = 5 \text{ cm}$, $\beta = 40^\circ$ und $b = 4 \text{ cm}$
c) Umkreisradius $r = 4 \text{ cm}$, $a = 7,5 \text{ cm}$ und $h_a = 1,5 \text{ cm}$
-

4. Konstruiere ein gleichschenkliges Dreieck ABC mit der Basis $[AB]$ aus

- a) $a = 6 \text{ cm}$ und $h_c = 4 \text{ cm}$
b) $\gamma = 105^\circ$ und $h_c = 3,5 \text{ cm}$
-

5. Konstruiere ein gleichseitiges Dreieck ABC mit

- a) $h = 5 \text{ cm}$ b) Umkreisradius $r = 3 \text{ cm}$
-

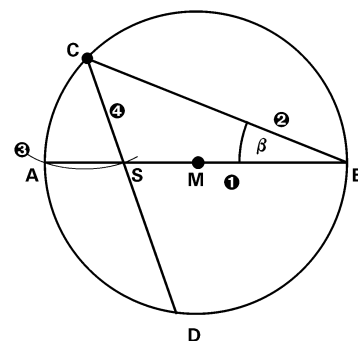
6. Konstruiere ein Rechteck mit $a = 4 \text{ cm}$ und $e = \overline{AC} = 5 \text{ cm}$

7. In nebenstehender Figur ist M der Mittelpunkt des Kreise und C der des eingezeichneten Kreisbogens.

Es gilt : $\beta = 20^\circ$

- a) Berechne die Größe von $\angle ACS$
b) Berechne die Größe von $\angle AMD$

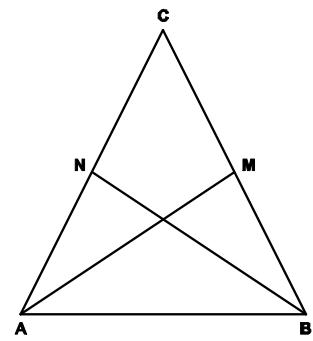
Begründe deine Rechnungen kurz.



Lösungen

1. a) Eine Seitenhalbierende in einem Dreieck ist die Verbindungslinien der Ecke eines Dreiecks mit dem Mittelpunkt der gegenüberliegenden Seite.

Ein Dreieck besitzt drei Seitenhalbierende, die man mit s_a , s_b und s_c bezeichnet.



Voraussetzung : $\overline{CN} = \overline{BN}$ und $\overline{AN} = \overline{NC}$ sowie $\overline{BM} = \overline{MC}$

Behauptung : $\overline{AM} = \overline{BN}$

Beweisidee : Wir zeigen, dass die Dreiecke ABM und ABN kongruent sind.

1. \overline{AB} ist gemeinsame Seite der beiden Dreiecke
2. $\overline{BM} = \overline{AN}$ (halbe Schenkellänge)
3. $\beta = \angle ABN = \angle BAN = \alpha$ (gleich große Basiswinkel)

$\triangle ABM \cong \triangle ABN$ nach SWS $\Rightarrow \overline{AM} = \overline{BN}$

b) Analog !

2. a) Ja, denn das Dreieck ist nach SSS konstruierbar.

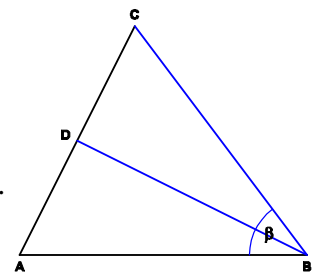
b) Nein, denn $c = a + b$.

3. a) Gegeben : $\beta = 60^\circ$, $w_\beta = 4$ cm und $a = 7$ cm

I. Planfigur :

II. Plan :

1. Wir tragen \overline{BC} mit $\overline{BC} = 7$ cm und den Winkel $\beta = 60^\circ$ an.
2. A liegt auf



- a) der Winkelhalbierenden von β
- b) $k(B; r = 4$ cm)

3. A liegt auf

a) dem freien Schenkel von β

b) CD

b) Gegeben : $a = 5 \text{ cm}$, $\beta = 40^\circ$ und $b = 4 \text{ cm}$

I. Planfigur

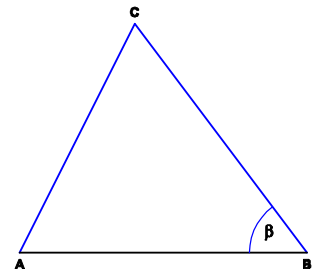
II. Plan

1. Wir tragen $[BC]$ mit $\overline{BC} = 5 \text{ cm}$ an.

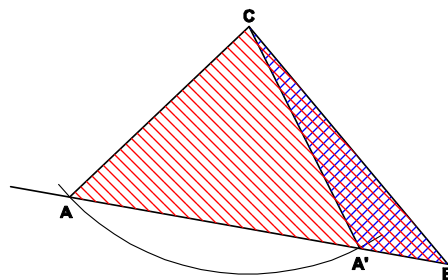
2. A liegt auf

a) dem Freien Schenkel von $\beta = 40^\circ$

b) $k(C; r = 5 \text{ cm})$



III. Konstruktion



Es gibt zwei Lösungen.

c) Gegeben : Umkreisradius $r = 4 \text{ cm}$, $a = 7,5 \text{ cm}$ und $h_a = 1,5 \text{ cm}$

II. Plan

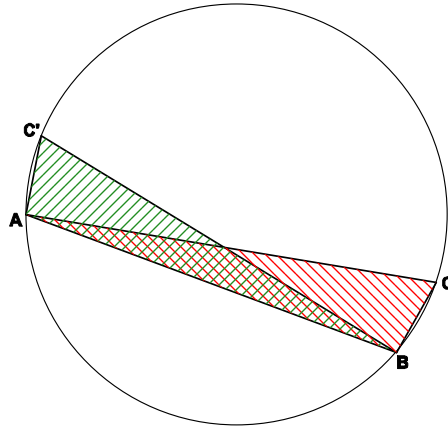
1. Man zeichnet einen Kreis mit Radius $r = 4 \text{ cm}$ und trägt eine Sehne $[BC]$ mit $\overline{BC} = 7,5 \text{ cm}$ ab.

2. A liegt auf

a) dem Kreis

b) einer der beiden Parallelen zu $[BC]$ im Abstand $1,5 \text{ cm}$.

III. Konstruktion

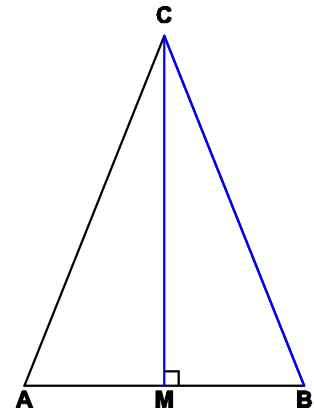


4. a) Gegeben : $a = 6 \text{ cm}$ und $h_c = 4 \text{ cm}$

I. Planfigur

II. Plan

1. Wir tragen $[BC]$ mit $\overline{BC} = 6$ an.
2. Der Mittelpunkt M der Basis $[AB]$ liegt auf
 - a) dem TK über $[BC]$
 - b) $k(C; r = 4 \text{ cm})$
3. Durch Spiegelung von B an M erhalten wir A .

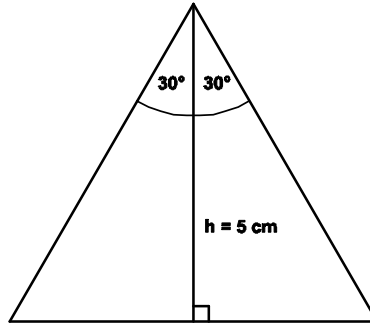


b) Gegeben : $\gamma = 105^\circ$ und $h_c = 3,5 \text{ cm}$

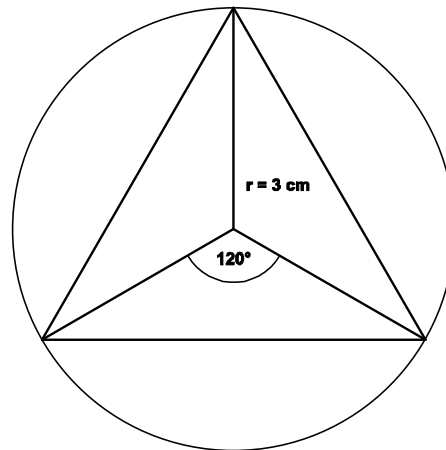
II. Plan

1. Wir zeichne den Winkel $\angle ACS = 105^\circ$
2. Der Mittelpunkt M der Basis liegt auf
 - a) der Winkelhalbierenden w des Winkels $\angle ACS$
 - b) $k(C; r = 3,5 \text{ cm})$
3. A und B liegen auf
 - a) dem Lot zu w durch M
 - b) den freien Schenkeln des Winkels $\angle ACS$

5. a) **III. Konstruktion**



b) **III. Konstruktion**



6. Gegeben : $a = 4 \text{ cm}$ und $e = \overline{AC} = 5 \text{ cm}$

II. Plan

1. Wir tragen $\left[AC \right]$ mit $\overline{AC} = 4 = 5 \text{ cm}$ an.

2. B liegt auf

- a) dem TK über $\left[AC \right]$ b) $k(A; r = a = 4 \text{ cm})$

3. D liegt auf

- a) dem TK über $\left[AC \right]$ b) $k(A; r = \overline{BC})$

7. a) $\angle BAC = 180^\circ - 90^\circ - 20^\circ = 70^\circ$

$\triangle ABC$ ist rechthöcklig - Thales

$\angle BAC = 180^\circ - 2 \cdot 70^\circ = 40^\circ$

$\triangle ASC$ ist gleichschenkelig

b) $\angle SCM = 90^\circ - 40^\circ - 20^\circ = 30^\circ$

$$\angle CMD = 180^\circ - 2 \cdot 30^\circ = 120^\circ$$

$\triangle MCD$ ist gleichschenkelig

$$\angle CMa = 180^\circ - 2 \cdot 70^\circ = 40^\circ$$

$\triangle AMC$ ist gleichschenkelig

$$\angle AMD = 120^\circ - 40^\circ = 80^\circ$$
